

1^{iere} partie

$$d = \alpha \frac{R}{2}$$

A.N : $d = 4,4 \text{ cm}$

1.1.1-

Le foyer d'un miroir parabolique est le point de son axe optique, où sont convergés, après réflexion, les rayons incidents parallèles à celui-ci.

1.1.2-

L'approximation de Gauss pour un système optique centré, consiste à ce que les rayons incidents soient peu inclinés et peu écartés de l'axe optique.

1.1.3-

D'après la formule de conjugaison du miroir sphérique, avec origines aux centre, on a :

$$\frac{1}{\overline{CA}} + \frac{1}{\overline{CA'}} = \frac{2}{\overline{CS}}$$

(A et A' sont conjugués par le miroir).

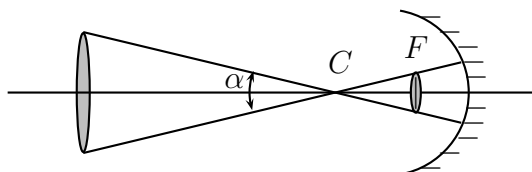
Lorsque l'objet A est à l'infini alors A' est confondu avec le foyer F, alors :

$$\frac{1}{\infty} + \frac{1}{\overline{CF}} = \frac{2}{\overline{CS}} \text{ alors } \frac{1}{\overline{CF}} = \frac{2}{\overline{CS}}$$

qui donne finalement :

$$\overline{CF} = \frac{\overline{CS}}{2} = \frac{R}{2}$$

1.1.4-



L'image se forme dans le plan focal du miroir et les rayons qui passent par son centre sont non déviés alors, d'après le schéma on a :

$$\tan \frac{\alpha}{2} = \frac{\frac{d}{2}}{\overline{CF}} \text{ soit, puisque } \tan \alpha \simeq \alpha :$$

1.1.5-

La puissance P_o se déduit de l'éclairement par : $P_o = E \times S$ où $S = \pi R_p^2$ c-à-d

$$P_o = 800 \times 3,14 \times (4,5)^2$$

$$P_o = 50,1 \text{ kW}$$

1.1.6-

$$F_C = \frac{\frac{P_o}{\pi R_a^2}}{\frac{P_o}{\pi R_p^2}} = \frac{R_p^2}{R_a^2} \Rightarrow R_a = \frac{R_p}{\sqrt{F_C}} \text{ donc } R_a = 0,09 \text{ m}$$

1.1.7-

$$\frac{R_a}{a} = \frac{R_p}{\frac{R}{2}} \text{ (car approximation de Gauss)} \Rightarrow$$

$$a = 10 \text{ cm}$$

1.1.8.1-

Le bilan de puissance s'écrit :

$$P_o = r P_o + \sigma T_a^4 S_a + P_t \Rightarrow P_t = (1 - r) P_o - \sigma T_a^4 S_a$$

1.1.8.2-

$$P_t = 0,82 \times 50,1 \cdot 10^3 - 5,67 \cdot 10^{-8} \times 1040 \times 3,14 \times \left(\frac{0,09^2}{2}\right) = 40,1 \text{ kW}$$

1.2.1-

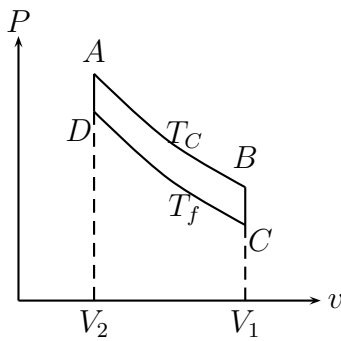
$$PV = nRT$$

$PV = nRT$ l'unité de PV est le joule (travail de force de pression) donc l'unité de R est

$$J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}$$

1.2.2-

Le diagramme de CLAPEYRON du cycle est :



1.2.3-

• La transformation A – B est isotherme alors : $\Delta U_{AB} = 0$ alors $Q_{AB} = -W_{AB}$
 or $\delta W = -P_{ext}dV = -PdV$ (car les transformations sont supposées réversibles) et sachant que $PV = nRT = nRT_C$, alors $\delta W = -nRT_C \frac{dV}{V}$
 soit : $W_{AB} = nRT_C \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$

et donc $Q_{AB} = nRT_C \ln\left(\frac{V_1}{V_2}\right)$

Le signe est positif car $V_1 > V_2$.

• La transformation B – C étant isochore donc $W_{BC} = 0$ et d'après le premier principe : $\Delta U_{BC} = Q_{BC} = nC_v(T_f - T_C)$ (d'après la première loi de JOULE). $Q_{BC} = nC_v(T_f - T_C)$.

Le signe est négatif car $T_f < T_C$.

• La transformation C – D est isotherme donc : $W_{CD} = nRT_f \ln\left(\frac{V_1}{V_2}\right)$ (même calcul que pour l'isotherme T_C).

$Q_{CD} = nRT_f \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$

Le signe est négatif car $V_1 > V_2$.

• De même que B – C, la transformation D – A est isochore donc $Q_{DA} = nC_v(T_C - T_f)$.
 Le signe est positif car $T_C > T_f$.

1.2.4-

D'après le premier principe :

$\Delta U_{cycle} = 0 = Q_{AB} + Q_{BC} + Q_{CD} + Q_{DA} + W$
 donc :

$W = -(Q_{AB} + Q_{BC} + Q_{CD} + Q_{DA})$

$W = nRT_C \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right) - nRT_f \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$

$W = nR(T_f - T_C) \ln x$

1.2.5-

$W = 0,4 \times 8,314 \times (300 - 900) \ln(2,3)$

$\Rightarrow W = -1662 \text{ J}$

$Q_{AB} = 0,4 \times 8,314 \times 900 \ln(2,3)$

$\Rightarrow Q_{AB} = 2493 \text{ J}$

1.2.6-

Le rendement théorique est le rapport du travail fourni par le gaz (ce qu'on a gagné) à la chaleur reçue par le gaz (ce qu'on a dépensé) $r_{th} = \frac{-W}{Q_{AB}}$

ce qui donne : $r_{th} = 0,67$

Ce rendement (qui est égale à celui du cycle Carnot correspondant !) n'est jamais atteint à cause des irréversibilités inévitables des transformations réelles.

1.2.7.1-

Le rendement réel du moteur est :

$r_{rel} = \frac{-W}{Q_{AB}} \Rightarrow r_{rel} = \frac{790}{2180}$

$r_{rel} = 0,36$

1.2.7.2-

Pour chaque cycle le moteur fourni un travail égale à 790 J donc pour une minute (60 s) de fonctionnement le travail fourni est 790×1080 soit une puissance de $\mathcal{P} = \frac{1080 \times 790}{60}$ donc $\mathcal{P} = 14,2 \text{ kW}$

1.2.7.3-

$P_{absorb} = \frac{Q_{AB} \times 1080}{60} = 39,2 \text{ kW}$

$\Rightarrow P_{absorb} = 39,2 \text{ kW}$

On remarque que cette valeur est inférieure ou pratiquement égale à celle trouvée en 1.1.8.2.

2^{ieme} partie

2.1.1-

Le flux Φ_1 est donné par :

$$\Phi_1 = \iint_{S_c} \vec{B} \cdot d\vec{S} = \iint_{S_c} B dS \cos(\widehat{\vec{e}_y, \vec{n}_1})$$

$$\Phi_1 = \iint_{S_c} B \sin \theta dS = BS_c \sin \theta. (\text{car } \vec{B} \text{ uniforme})$$

$$\boxed{\Phi_1 = BS_c \sin \theta}$$

2.1.2-

Le flux totale à travers le cadre de N spire est $\Phi_{tot} = N\Phi_1$ D'après la loi de Faraday :

$$e_1 = -\frac{d\Phi_{tot}}{dt} = -N \frac{d\Phi_1}{dt} \Rightarrow$$

$$\boxed{e_1 = -NBS_c \dot{\theta} \cos \theta}$$

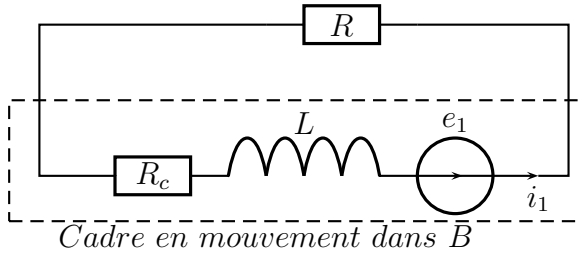
(le texte laisse entendre que, pour une raison ou une autre (exemple car $\mathcal{P} = cte!$) on a : $\Omega = cte$ pour écrire que $\theta = \Omega t + \theta_0$ avec $\theta(0) = 0 \Rightarrow \theta_0 = 0$) et donc :

$$\boxed{e_1 = -NBS_c \Omega \cos \Omega t}$$

alors la pulsation est : $\boxed{\omega = \Omega}$

2.1.3-

le schéma équivalent du cadre, en mouvement dans le champ B , en série avec la résistance R est :



La loi des mailles, en régime sinusoïdale et en notation complexe, s'écrit :

$$jL\omega i_1 + R_c i_1 - e_1 - R i_1 = 0 \text{ ce qui donne :}$$

$$i_1 = \frac{e_1}{(R_c + R + jL\omega)} = \frac{e_1}{Z_c + R}$$

$$e_1 = NBS_c e^{j(\omega + \pi)t} \text{ et donc}$$

$$i_1(t) = \mathcal{R}e\left(\frac{e_1}{(R_c + R + jL\omega)}\right)$$

$$\boxed{i_1(t) = \frac{NBS_c \omega}{\sqrt{(R + R_c)^2 + L^2 \omega^2}} \cos(\omega t + \varphi)}$$

$$\text{Avec } \varphi = \pi - \text{artg}\left(\frac{L\omega}{R + R_c}\right)$$

2.1.4.1-

Il suffit de remplacer l'expression précédente de i_1 dans l'expression de Γ_1 , alors on obtient :

$$\vec{\Gamma}_1 = NS_c i_1 B (\vec{n}_1 \wedge \vec{e}_y)$$

$$\Rightarrow \vec{\Gamma}_1 = NBS_c i_1 \sin(\widehat{\vec{n}_1, \vec{e}_y}) \vec{e}_z$$

$$\vec{\Gamma}_1 = NBS_c i_1 \cos \theta \vec{e}_z \Rightarrow$$

$$\boxed{\vec{\Gamma}_1 = \frac{N^2 B^2 S_c^2 \omega}{\sqrt{(R + R_c)^2 + L^2 \omega^2}} \cos(\omega t + \varphi) \cos \omega t \vec{e}_z}$$

2.1.4.2-

Sachant que $\Omega = \omega = \dot{\theta}$ et $\vec{L}_o = J\omega \vec{e}_z$ où O est un point quelconque de Δ (axe de symétrie du cadre), alors le théorème du moment cinétique scalaire s'écrit :

$$\frac{d(\vec{L}_o \cdot \vec{e}_z)}{dt} = J \frac{d\omega}{dt} = \vec{M}_\Delta(\vec{F}_{ext}) \cdot \vec{e}_z$$

Le moment des réactions de l'axe par rapport à Δ est nul car les liaisons sont supposées parfaites, de même celui du poids est nul, car Δ est parallèle au poids total \vec{P}_{total} alors :

$$J \frac{d^2 \theta}{dt^2} = (\vec{\Gamma}_M + \vec{\Gamma}_1) \cdot \vec{e}_z, \Rightarrow \boxed{J\ddot{\theta} = \Gamma_1 + \Gamma_M}$$

2.1.5-

En régime permanent $\dot{\theta} = cte$ et $\ddot{\theta} = 0$ alors $\Gamma_1 + \Gamma_M = 0$ et aussi $\langle \Gamma_1 \rangle + \langle \Gamma_M \rangle = 0$ donc

$$\langle \Gamma_M \rangle = - \langle \frac{N^2 B^2 S_c^2 \omega}{\sqrt{(R + R_c)^2 + L^2 \omega^2}} \cos(\omega t + \varphi) \cos \omega t \rangle$$

$$\langle \Gamma_M \rangle = - \frac{N^2 B^2 S_c^2 \omega}{2\sqrt{(R + R_c)^2 + L^2 \omega^2}} \cos \varphi$$

$$\text{Avec } \cos \varphi = - \frac{R + R_c}{\sqrt{(R + R_c)^2 + L^2 \omega^2}}$$

$$\langle \Gamma_M \rangle = \frac{N^2 B^2 S_c^2 \omega (R + R_c)}{2((R + R_c)^2 + L^2 \omega^2)}$$

La puissance mécanique moyenne fournie par le moteur est donnée par le comoment du torseur des actions extérieures et du torseur cinématique en un point O quelconque de l'axe :

$$P = \vec{\Gamma}_M \cdot \vec{\omega} + \vec{F}_{ext} \cdot \vec{V}(O) = \vec{\Gamma}_M \cdot \vec{\omega} \text{ (car la vitesse de tout point appartenant à l'axe est nulle).}$$

$$P_m = \langle P \rangle = \omega \cdot \langle \Gamma_M \rangle$$

$$\Rightarrow \boxed{P_m = \frac{(R + R_c) N^2 B^2 S_c^2 \omega^2}{2((R + R_c)^2 + L^2 \omega^2)}}$$

2.1.6-

$$P_e(t) = e_1 \times i_1$$

$$P_e(t) = -NBS_c \omega \cos \omega t \times \frac{NBS_c \omega}{\sqrt{(R + R_c)^2 + L^2 \omega^2}} \cos(\omega t + \varphi)$$

$$\boxed{P_e = - \frac{(R + R_c) N^2 B^2 S_c^2 \omega^2}{2((R + R_c)^2 + L^2 \omega^2)}}$$

$P_e = -P_m$ ceci est prévisible car on a : conversion

de la puissance mécanique en puissance électrique en régime permanent

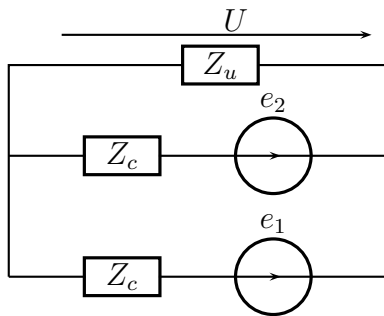
2.2.1- \1pt\

$$\Phi_2 = \iint_{S_c} \vec{B} \cdot d\vec{S} = BS_c \cos \theta = BS_c \cos \omega t$$

$$e_2 = -\frac{d(N\Phi_2)}{dt} = NBS_c \omega \sin \omega t$$

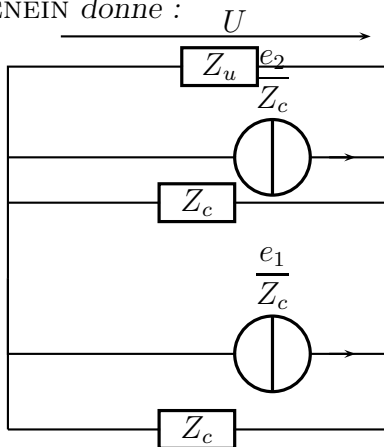
2.2.2.1-

Le schéma électrique équivalent est :

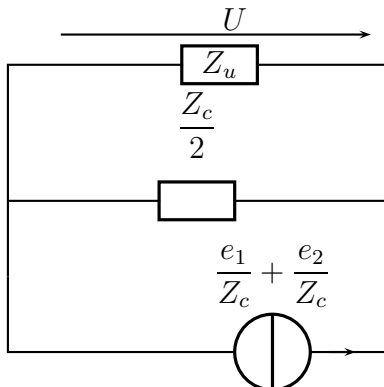


2.2.2.2-

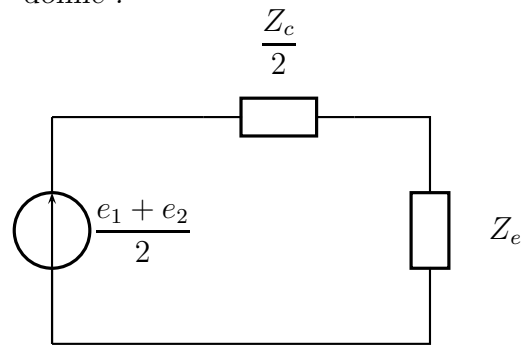
En régime sinusoïdale (et même fréquences) et en notation complexe les transformation NORTON THÉVENEIN donne :



qui devient en remplaçant $Z_c \parallel Z_c$ par $\frac{Z_c}{2}$ et le générateur de courant par un générateur équivalent de courant électromoteur $\frac{e_1}{Z_c} + \frac{e_2}{Z_c}$, alors :



La transformation en générateur de THÉVENEIN donne :



Par identification terme à terme avec la figure 3

on a : $e = \frac{e_1 + e_2}{2}$ et $Z_e = \frac{Z_c}{2}$

2.2.3-

$$P_u = R_u I_{eff}^2 \Rightarrow P_u = R_u \left(\frac{e_{eff}}{|Z_u + Z_e|} \right)^2$$

2.2.4-

$$P_u = \frac{R_u (e_{eff})^2}{(R_u + \frac{R_c}{2})^2 + (X + \frac{L\omega}{2})^2}, \text{ donc } P_u \text{ est maxi-}$$

male si $\frac{\partial P_u}{\partial X} = 0$ et $\frac{\partial P_u}{\partial R_u} = 0$

$$\Rightarrow X = -\frac{L\omega}{2} \text{ et } R_u = \frac{R_c}{2}$$

Pour avoir un transfert de puissance maximal il faut que : $Z_u = Z_c^*$.

3^{ieme} partie

3.1-

La mesure de R permet de déterminer celle de I connaissant U car $U = RI$ (loi d'Ohm).

3.2-

La puissance électrique est :

$$P = UI = \frac{U^2}{R}, \text{ pour l'éclairement } E_1 \text{ on a :}$$

$$P_{1,max} = \frac{(17,9)^2}{3} = 106,8 \text{ W}$$

ce qui correspond, d'après la caractéristique, à :

$$U_{1,max} = 18 \text{ V et } I_{1,max} = 6,4 \text{ A}$$

De même pour l'éclairement E_2 on a :

$$P_{2,max} = \frac{(15,4)^2}{10} = 23,7 \text{ W}$$

ce qui correspond à

$$U_{2,max} = 15 \text{ V et } I_{2,max} = 1,8 \text{ A}$$

finalement pour l'éclairage E_3 :

$$P_{3,max} = \frac{(14,8)^2}{20} = 10,9 \text{ W}$$

ce qui correspond à

$$U_{3,max} = 15 \text{ V et } I_{3,max} = 0,8 \text{ A}$$

3.3.1-

D'après le graphe I_{cc} correspond à $U = 0$ c-à-d $R = \infty$ alors :

$$I_{3,cc} = 0,9 \text{ A}, I_{2,cc} = 1,8 \text{ A} \text{ et } I_{1,cc} = 7,2 \text{ A}.$$

Pour $U = 0$ on a : $I = I_{cc} = AE$ donc pour les trois valeurs de I_{cc} on a :

$$A = \frac{7,2}{800} = \frac{1,8}{200} = \frac{0,9}{100}$$

$$A = 9 \cdot 10^{-3} \text{ A} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{W}^{-1}$$

3.3.2-

$$U_{1,co} = 24,5 \text{ V}, U_{2,co} = 21,0 \text{ V}, \text{ et } U_{3,co} = 19,0 \text{ V}$$

Notons ici que si $U = U_{co}$ alors $e^{\frac{U_{co}}{U_o}} \gg 1$ et donc

$$I = 0 = I_o e^{\frac{U_{co}}{U_o}} + AE \text{ donc } I_o e^{\frac{U_{co}}{U_o}} = -AE_i$$

En remplaçant par les valeurs de E_i et $U_{i,co}$ on trouve :

$$U_o = 4,9 \text{ V} \quad \text{et} \quad I_o = -0,04 \text{ A}$$

3.4.1.1-

Le point de fonctionnement donné par l'intersection de la droite $U = rI$ et la caractéristique a pour coordonnées :

$$I = 1,1 \text{ A} \text{ qui correspond à } U = 24 \text{ V}$$

3.4.1.2-

$$P_v = U \times I = 26,4 \text{ W}$$

la puissance (de l'éclairage) du panneau de 1 m^2 est 800 W donc le rendement est :

$$\rho = \frac{26,4}{800} = 0,033$$

3.4.2.1-

1Ω est la résistance interne de la batterie et 12 V est la f.e.m (maximale,nominale).

3.4.2.2-

Au début de la charge $U = 0$ (complètement déchargée) et d'après la caractéristique $I = 7,2 \text{ A}$ la puissance reçue est $P_{rec} = RI^2 = 1 \times (7,2)^2$

$$P_{rec} = 51,8 \text{ W}$$

c'est pratiquement la moitié de la puissance maximale délivrée par le panneau.

3.4.2.3-

8 hA désigne la charge maximale que peut accumuler la batterie.

(la batterie fonctionne pendant 1 h en délivrant 8 A).

3.4.2.4-

Durant toute la phase de la charge, on a : $U \leq 12 \text{ V}$, cependant, sur la caractéristique du panneau le courant est constant et est égale $I = 7,2 \text{ A}$. donc

$$Q_{max} = 8 \text{ hA} = I \times \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{8}{7,2}$$

$$\Delta t = 1,11 \text{ h}$$

3.5.1-

La puissance maximale est $P_o = 106,8 \text{ W}$ donc il faut $n = 936$ cellule de 1 m^2

3.5.2-

Additivité des tensions(à courant nul) donne :

$$U = 50U_{co} = 50 \times 24,5 \Rightarrow U = 1225 \text{ V}$$

3.5.3-

La loi des nœuds donne :

$$I = n_p \times I_{1,cc} = 20 \times 7,2 \Rightarrow I = 144 \text{ A}$$

3.5.4-

La puissance maximale est :

$$P_{max} = n_s \times U_{max} \times n_p \times I_{max} = 1000 \times P_{max}$$

$$\Rightarrow P_{max} = 106,8 \text{ kW}$$

$$\text{Le rendement } \rho' \text{ est } \rho' = \frac{1000 \times P_{max}}{1000 \times E_1}$$

$$\rho' = \frac{106,8}{800} = 0,134$$

$$\rho' = 13,4\%$$

Le rendement est faible

3.5.5-

La puissance est maximale si $r = R$ (résistance interne de la cellule photovoltaïque est égale à celle de la charge :adaptation d'impédance) donc pour

une seule cellule $r = 3 \Omega$ (d'après 3.2).

Dans le cas de l'association, on a 20 branches, de 50 cellules identiques en série, qui sont en parallèles soit une résistance équivalente de :

$$R_{eq} = \underbrace{(50 \times 3) \parallel (50 \times 3) \parallel \dots \parallel (50 \times 3)}_{(20 \text{ fois})};$$

soient 20 résistances de 150Ω en \parallel , ou 10 résistances de $\frac{150}{2}$ en \parallel ou 5 résistances de $\frac{150}{4}$

en \parallel ou 2 résistances de $\frac{150}{8}$ en \parallel et en \parallel avec une

$$\text{de } \frac{150}{4} \Rightarrow R_{eq} = \frac{\frac{150}{16} \times \frac{150}{4}}{\frac{150}{16} + \frac{150}{4}} = \frac{\frac{150}{4}}{1+4} = \frac{150}{20}$$

$$\boxed{R_{eq} = 7,5 \Omega}$$

C'est pratiquement le double de celle d'une seule cellule ($r = 3 \Omega$ pour un éclairage de $E_1 = 800 \text{ W.m}^{-2}$)